

# Maß und Integral

De Gruyter, Berlin 2015. ISBN: 978–3–11–034814

René Schilling

Druckfehler und kleinere Änderungen. Letzte Änderung: 4. Februar 2022.

| Seite, Zeile           | Stelle im Buch   | Korrektur   |
|------------------------|--|---|
| S.+5, Z. 7 von oben    | Dann ist $\mathcal{A}_F := \dots$ eine $\sigma$ -Algebra.  | Dann ist $\mathcal{A}_F := \dots$ eine $\sigma$ -Algebra auf der Menge $F$ .  |
| S. 8, Aufgabe 9        | $A, B, A_i \subset \Omega$   | $A_i \subset \Omega$  |
| S. 13, Z. 6 von unten  | <i>bitte nach dem Beweis hinzufügen:</i>   | Der Beweis der Richtung c) $\Rightarrow$ a) nutzt eigentlich nur die Tatsache, dass $\mathcal{A}$ unter endlichen Vereinigungen und Differenzen stabil ist, m.a.W. dass $\mathcal{A}$ eine Algebra ist.   |
| S. 26, Z. 15/16 v.u.   | <i>ersetzen Sie diese 2 Zeilen durch</i>   | Andererseits können wir die Intervalle $I_n$ , $1 \leq n \leq N$ vergrößern, so dass $I_n \subset I'_n \in \mathcal{F}$ und $\bigcup_{n=1}^N I'_n = [a, b)$ . Wegen der Monotonie und Additivität von $\lambda$ gilt $\begin{aligned} \sum_{n=1}^N \lambda(I_n) &\leq \sum_{n=1}^N \lambda(I'_n) \\ &= \lambda\left(\bigcup_{n=1}^N I'_n\right) = \lambda[a, b), \end{aligned}$ |
| S. 26, Z. 11 von unten | $\lambda[a, b) = b - a$  | $\lambda^1[a, b) = b - a$   |
| S. 27, Aufg. 1(a)      | Es sei $\mu$ ein beliebiges Maß auf $(\mathbb{R}, \mathcal{B}(\mathbb{R}))$ .  | Es sei $\mu$ ein Maß auf $(\mathbb{R}, \mathcal{B}(\mathbb{R}))$ mit $\mu[-n, n) < \infty$ für $n \in \mathbb{N}$ .   |
| S. 32, Aufgabe 5       | Messbare Funktionen  | Eine messbare Funktion $f : (E, \mathcal{A}) \rightarrow (\mathbb{R}, \mathcal{B}(\mathbb{R}))$   |
| S. 50, Aufg. 1         | $u \in \mathcal{L}^1(\mu) \iff \sum_{n \in \mathbb{Z}} 2^n \mu \{2^n \leq  u  < 2^{n+1}\} < \infty$ .                      | $u \in \mathcal{L}^1(\mu) \iff \sum_{n \in \mathbb{Z}} 2^n \mu \{2^n \leq  u  < 2^{n+1}\} < \infty$ .   |
| S. 68, Z. 9 von unten  | $\ u\ _2 \ w\ _2$  | $\ u\ _{L^2} \ w\ _{L^2}$   |
| S. 90, Schritt 2       | ein Halbring. Offensichtlich gilt $\emptyset \in \mathcal{L}$  | eine Algebra. Offensichtlich gilt $\emptyset, \Omega_i \in \mathcal{L}$   |
| S. 100, Z. 3 von unten | $(0 \vee f \wedge 1)^2 = 0 \vee f^2 \wedge 1$<br>$(0 \vee (1 - f) \wedge 1)^2 = 0 \vee (1 - f)^2 \wedge 1$                 | $(0 \vee f \wedge 1)^2 \leq 0 \vee f^2 \wedge 1$<br>$(0 \vee (1 - f) \wedge 1)^2 \leq 0 \vee (1 - f)^2 \wedge 1$  |
| S. 114, Aufg. 1(b)     | Variablenwechsel $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \theta - r \\ \cos \theta + r \end{pmatrix}$ | Variablenwechsel $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} t-s \\ t+s \end{pmatrix}$   |
| S. 114, Aufg. 1(b)     |  | <b>Hinweis:</b> Der Variablenwechsel bewirkt offensichtlich eine Drehung um $45^\circ$ !  |
| S. 119, Z. 16 von oben | verwende $\ u\ _\infty \mathbb{1}_{\text{supp}u}(x)$   | verwende $\ u\ _\infty \mathbb{1}_{\mathbb{R}^d}(x) e^{- z ^2/2}$   |